

## ENERGIE CINETIQUE



### Exercice 1 :

Les questions 1, 2 ; 3 et 4 sont indépendantes

1. Calculer l'énergie cinétique d'un solide en rotation autour d'un axe à la vitesse de 2.400 trs/min. Le moment d'inertie du solide vaut  $5 \text{ kg.m}^2$ .
2. Au service, DUMBIA communique à une balle de masse 55g une vitesse de 120 km/h. Calculer l'énergie cinétique de translation de cette balle.
3. Un ascenseur et sa charge ont un poids total  $P = 5000 \text{ N}$ . Au démarrage la tension du câble qui le fait monter est de 5500N. Calculer la vitesse acquise par l'ascenseur au bout de 2,00 m de parcours.
4. Un boule homogène de masse  $m = 1,0 \text{ kg}$  et de rayon  $R = 4,0 \text{ cm}$  roule sans glisser sur un plan horizontal. La vitesse du centre d'inertie de la boule est  $V = 1,5 \text{ m/s}$ . Calculer l'énergie cinétique de la boule.

### Exercice 2 :

Un skieur part sans vitesse du sommet d'une pente rectiligne inclinée d'un angle  $\alpha = 30^\circ$  sur l'horizontale.

1. Faire un schéma et calculer les composantes normales  $P_N$  et tangentielle  $P_T$  du poids  $\vec{P}$  du skieur dont la masse totale est  $M = 80 \text{ kg}$ .
2. Le contact entre les skis et la piste avec frottement. La réaction  $\vec{R}$  de la piste possède donc une composante tangentielle  $\vec{R}_T$  dont l'intensité dépend de celle de la composante normale  $\vec{R}_N$ .

Dans la situation présente :  $R_T = 0,3.R_N$ .

Calculer numériquement  $R_T$  sachant que, pendant le mouvement,  $R_N = P_N$  ;

Représenter sur le dessin toutes les forces qui s'exercent sur le skieur ( ne pas se soucier du point d'application de la réaction  $\vec{R}$  ).

2. Calculer la vitesse du skieur après les 200 premiers mètres de descente. Celle-ci dépend t-elle de sa masse ?
3. Il s'ajoute en fait , aux forces précédentes, une force de freinage due à l'air, parallèle au vecteur vitesse, mais de sens opposé, d'intensité constante  $f = 100 \text{ N}$ .  
Quelle est alors la vitesse acquise après les 200 premiers mètres de descente, par un skieur :de masse  $M = 80 \text{ kg}$  ;de masse  $m = 50 \text{ kg}$  ?

On admet que l'intensité de la force  $\vec{f}$  est la même pour les deux skieurs.

- On prendra  $g = 9,8 \text{ N/kg}$

### Exercice 3 :



Un ascenseur de masse  $M = 600 \text{ kg}$  démarre vers le haut et atteint la vitesse  $v = 2 \text{ m/s}$  après 2 m de montée.

1. Calculer, pendant cette première phase du mouvement, l'intensité  $T_1$  de la force de traction exercée par le câble sur la cabine ( $T_1$  : tension du câble supposée constante).
2. La phase d'accélération terminée, l'ascenseur poursuit sa montée à la vitesse  $v = 2 \text{ m/s}$  pendant 10 s.

Quelle est, pendant cette période, la nouvelle valeur  $T_2$  de la tension du câble ?

3. La 3<sup>e</sup> partie du mouvement est une phase de décélération au cours de laquelle la vitesse s'annule dans les deux derniers mètres de la montée. Quelle est la valeur  $T_3$  de la tension du câble pendant cette dernière période (  $T_3$  est supposée constante) ?



4. Calculer, pour chaque phase du mouvement, le travail  $W(\vec{P})$  du poids de la cabine et le travail  $W(\vec{T})$  de la tension du câble.

Quelle est la variation de l'énergie cinétique de l'ascenseur entre le départ et l'arrivée ? La comparer à la somme :

$$W_1(\vec{P}) + W_2(\vec{P}) + W_3(\vec{P}) + W(\vec{T}_1) + W(\vec{T}_2) + W(\vec{T}_3) = 0$$

• On prendra  $g = 9,8 \text{ N/kg}$



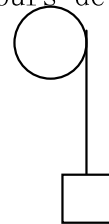
**Exercice 4 :**

Sur un treuil assimilable à un cylindre plein homogène de masse  $M$  et de rayon  $R$  est enroulé un fil inextensible de masse négligeable. Le fil porte une masse  $m$ . On donne :  $m = 10 \text{ kg}$  ;  $M = 2 \text{ kg}$  ;  $R = 10 \text{ cm}$ .

1. Calculer le moment d'inertie du treuil par rapport à son axe de révolution.
2. Le système est lâché sans vitesse initiale. Calculer après un parcours de  $h = 2,0 \text{ m}$  de la masse  $m$  la vitesse acquise par cette masse  $m$ .

La vitesse angulaire du treuil.

- 2.3. Le nombre de tours effectués par le treuil.



**Exercice 5 :**

Une barre homogène  $OA$  est mobile sans frottement au tour d'un axe horizontal  $\Delta$  passant par son extrémité  $O$ . sa masse est

$m = 1,2 \text{ kg}$ , sa longueur est  $l = 80 \text{ cm}$  et son moment d'inertie par rapport à l'axe  $\Delta$  est  $J_{\Delta} = \frac{ml^2}{3}$ .

La barre étant initialement dans sa position d'équilibre stable, on lui communique une vitesse angulaire  $\omega_0$ . La barre tourne alors autour de l'axe, dans un plan vertical. Sa position est repérée par l'angle  $\theta$  qu'elle fait avec la verticale.

1. Déterminer la vitesse angulaire  $\omega$  de la barre en fonction de  $\theta$ , de  $\omega_0$  et des autres paramètres du système.
2. Calculer l'écart maximal pour  $\alpha_m$  pour  $\omega_0 = 3,3 \text{ rad/s}$ . On prendra  $g = 9,8 \text{ N/kg}$ .
3. Quelle doit être la valeur minimale de  $\omega_0$  pour que la barre fasse un tour complet.

**Exercice 6 :**

Un véhicule de masse  $m = 1000 \text{ kg}$  est lâché sans vitesse d'un point  $A$  d'une route  $AB$  inclinée de pente 1%. Le moteur est arrêté, les freins desserrés.

Il arrive en  $B$  au bas de la pente avec une vitesse  $V_B$ . On donne  $AB = 100 \text{ m}$ .

1. On néglige les forces de frottement et la résistance de l'air. Quelle serait la vitesse du véhicule au passage en  $B$  ?
2. Les forces résistantes ne sont pas en réalité nulles. La résistance de l'air et les forces de frottement chaussée-pneus sont équivalentes à une force unique  $\vec{f}$  en sens contraire du vecteur vitesse. La vitesse du véhicule au passage en  $B$  est en réalité égale à  $2,5 \text{ m/s}$ . Calculer  $f$ .

3. Quelle distance le véhicule peut-il parcourir sur le tronçon horizontal  $BC$  avant de s'immobiliser, les forces résistantes sur  $BC$  ont même intensité que sur  $AB$  ? On admettra que le mouvement du véhicule est en mouvement de translation.

