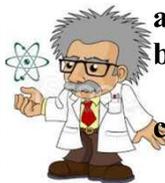


COMPOSITION DU PREMIER SEMESTRE TS₂ 2015/2016

Exercice 1 :

- On dissout **2,96 g** d'un acide carboxylique A dans **100 cm³** d'eau. On en prélève **10 cm³** où on ajoute quelques gouttes de phénolphtaléine puis on verse une solution aqueuse d'hydroxyde de sodium de concentration molaire **0,2 mol.L⁻¹** jusqu'au virage de l'indicateur coloré. Le volume de soude versé est **20 mL**. En déduire la masse molaire de l'acide et son nom.
- l'action de cet acide sur un alcool B conduit à un corps C de formule **C₅H₁₀O₂**.
 - Ecrire l'équation de la réaction et préciser les noms de B et C.
 - Quels caractères présente cette réaction ? Quel serait l'effet d'une élévation de température de cette réaction ?
 - Indiquer deux dérivés de cet acide qui, par action sur l'alcool B conduiraient à C. Ecrire les équations des réactions. En quoi diffèrent-elles de la précédente ?
- On fait réagir **18,5 g** de l'acide A sur la quantité juste nécessaire de soude **0,2 M** pour atteindre l'équivalence.
 - Donner le nom et la formule du composé solide obtenu après évaporation de la solution. Calculer sa masse.
 - Le composé solide précédent est traité par le chlorure d'éthanoyle. Ecrire l'équation de la réaction et nommer le composé organique obtenu.



Exercice 2

On étudie la saponification de l'éthanoate d'éthyle par l'hydroxyde de sodium à la température de **30°C**. A la date **t = 0 min** on réalise une solution aqueuse contenant les deux réactifs avec des concentrations **c₁ = c₂ = 5.10⁻² mol.L⁻¹**. Des prises d'essai de **10 mL** chacune sont effectuées à différents instants. Un indicateur approprié permet de doser les ions OH⁻ restant par une solution aqueuse d'acide chlorhydrique de concentration **10⁻² mol.L⁻¹**. Soit x le volume de solution acide utilisée pour réaliser ce dosage à l'instant de date t. Les résultats sont les suivants :

t (min)	4	9	15	24	37	53	83	143
x (ml)	44,1	38,6	33,7	27,9	22,9	18,5	13,6	8,9
[C ₂ H ₅ OH]								

- Donner l'équation-bilan de la réaction étudiée.
- Tracer la courbe représentant les variations de la concentration de l'éthanol formé en fonction du temps.

On donne les échelles suivantes :

- En abscisses : **1 cm correspond à 10 min ;**
- En ordonnées **1 cm correspond à 2.10⁻³ mol.L⁻¹.**

- Définir la vitesse instantanée de formation de l'éthanol. La calculer à **9 min** et à **53 min**. Comment évolue cette vitesse ? Interpréter.
- A quelle date la concentration de l'éthanol sera-t-elle égale à **2,5.10⁻² mol.L⁻¹** ?

Exercice 3

Pour modéliser le système de suspension d'une voiture, un expérimentateur suggère d'utiliser un ressort R vertical de constante de raideur k.

- L'expérimentateur se propose d'abord de déterminer la valeur de k. Pour cela il accroche une bille ponctuelle de masse **m = 100 g** à l'extrémité inférieure du ressort, l'extrémité supérieure du ressort étant fixée.

A l'équilibre le ressort s'est allongé de **5 cm**. En déduire la constante de raideur du ressort.

On prendra **g = 10 N.kg⁻¹**.

- 2) L'expérimentateur écarte la bille de sa position d'équilibre d'une distance de **2 cm** verticalement vers le bas. Puis il la lâche sans vitesse initiale à la date **t = 0s**.

Le mouvement de la bille est étudié dans le référentiel terrestre. Le repère choisi est un axe vertical X'OX orienté vers le bas. L'origine O du repère coïncide avec la position du centre d'inertie à l'équilibre. Durant tout le mouvement l'axe du ressort reste vertical. On néglige les frottements.

- Etablir l'équation différentielle du mouvement de la bille.
- En déduire l'expression de la période T_0 des oscillations, en fonction de **m** et **k**. Calculer **T₀**
- Etablir l'équation horaire du mouvement. On explicitera toutes les constantes qui figurent dans cette équation.
- Représenter graphiquement l'élongation **x** du mouvement en fonction du temps (courbe **C₁**).

Préciser l'échelle utilisée.

- 3) Etablir l'expression de la vitesse en fonction du temps.

- 4) Calculer l'élongation et la vitesse à l'instant **t = 4 s**.



Exercice 4

La Terre est assimilée à une sphère homogène de centre O, de rayon **R_T = 6400 km** et de masse **M_T**.

Le champ de gravitation créé par la Terre en tout point A de l'espace situé à une distance **r** du point O est

$$\vec{g} = -\frac{GM_T}{r^2} \vec{u}, \quad G \text{ constante universelle de gravitation et } \vec{u} = \frac{\vec{OA}}{\|\vec{OA}\|}$$

Le champ de gravitation à la surface de la terre est **g₀ = 9,8 m.s⁻²**.

- 1) Montrer qu'à l'altitude **h** : $g_h = g_0 \frac{R_T^2}{(R_T + h)^2}$.

- 2) Calculer l'écart relatif $\frac{g_0 - g_h}{g_0}$ pour **h = 1600 km**.

- 3) Soit un satellite de masse **m** à l'altitude **h** assimilable à un point matériel ayant une orbite circulaire.

- Exprimer la force d'attraction que la Terre exerce sur le satellite en fonction de **G**, **R_T**, **h**, **M_T** et **m**. Montrer que le mouvement du satellite est uniforme.
- Exprimer la période **T_S** du satellite en fonction de **h**, **R_T** et **g₀**. Calculer **T_S** pour **h = 1600 km**.
- Montrer que la vitesse angulaire **ω** et le rayon de la trajectoire **r = R_T + h** sont tels que **ω²r³ = constante**.

- 4) Le satellite, ayant toujours une orbite circulaire, est dans le plan de l'équateur à l'altitude **1600 km**.

- le satellite est-il géostationnaire ?
- le satellite se déplace vers l'Est. Calculer l'intervalle de temps qui sépare deux passages successifs à la verticale d'un même point de l'équateur.



Exercice 5

Dans tout l'exercice le solide **S** sera supposé ponctuel et de masse **m = 50g**. On donne **g = 10N.Kg⁻¹**. Tous les frottements sont supposés négligeables.

1. On attache **S** à un fil inextensible de masse négligeable et de longueur **l₀ = OS = 1m**.

L'extrémité supérieure **O** du fil est attachée à un point fixe. On écarte **OS** de sa position d'équilibre d'un angle **α₀ = 60°** et on le lâche sans vitesse initiale.

- a) Énoncer les théorèmes suivants :

- Théorème de l'énergie cinétique
- théorème du centre d'inertie.

b) Soient **v** la vitesse linéaire de **S** et **T** la tension du fil quand **OS** fait un angle **α < α₀** par rapport à la position d'équilibre. Etablir les expressions de **v** et **T** en fonction de **g**, **l₀**, **α** et **α₀**.

- c) Calculer **T** et **v** pour **α = 30°**.

d) Le solide peut-il remonter jusqu'à la hauteur **h = 0,5m** au dessus de sa position d'équilibre ? Justifier votre réponse.

- 2° Le solide **S** toujours attaché au fil est mis en mouvement de rotation uniforme comme l'indique la **figure 2**.

Le solide fait **77 tours/min** et on règle **OS** à la longueur **l = 0,6m**.

2.a. Calculer la vitesse angulaire ω du solide.

2. b. Calculer l'angle β et la tension T du fil.

3 On augmente la vitesse angulaire du mouvement qui est fixée à une valeur ω' . Le mouvement de S s'effectue alors dans un plan horizontal situé à $h = 2\text{m}$ du sol. Le fil, pour cause de défaut, se rompt et le solide vient heurter le sol à une distance $d' = 3,75\text{m}$ de la verticale passant par A (figure 3).

3. a) Etablir l'équation cartésienne de la trajectoire du solide S dans le repère (A, \vec{i}, \vec{j}) . En déduire la valeur de la vitesse initiale V_1 du solide S .

3.b) Calculer la vitesse V_2 de S au point d'impact S_1 avec le sol en utilisant le principe de la conservation de l'énergie mécanique du système (Terre-solide S)

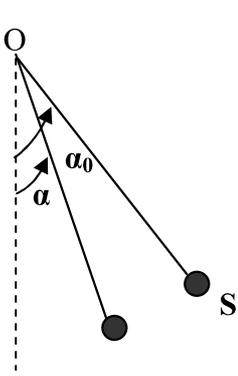


figure 1

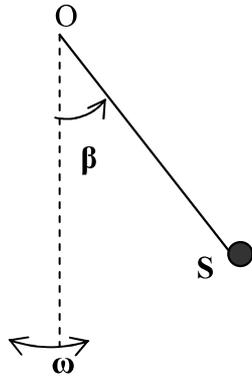


figure 2

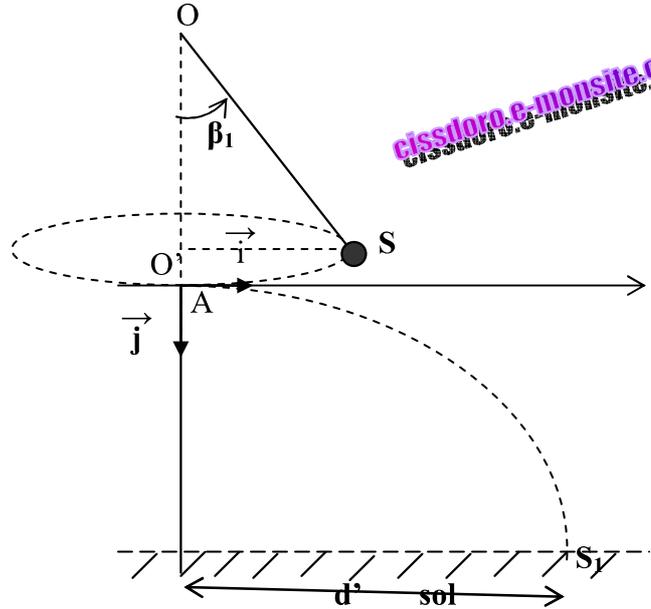


Figure 3

